

ECUAȚIA DREPTEI ÎN PLAN

Ecuția generală a dreptei este:

$$d: ax + by + c = 0$$

$$\text{Punctul } P(x_p, y_p) \in d \Leftrightarrow ax_p + by_p + c = 0$$

Observație importantă: panta dreptei d este $-\frac{a}{b}$ adică $m_d = -\frac{a}{b}$

Ecuția explicită a dreptei este:

$$d: y = mx + n$$

$$\text{Punctul } P(x_p, y_p) \in d \Leftrightarrow y_p = mx_p + n$$

Observație importantă: panta dreptei d este chiar m adică $m_d = m$

Important : Fie dreptele d_1 și d_2 de pante m_1 , respectiv m_2 .

1) d_1 și d_2 sunt paralele dacă și numai dacă $m_1 = m_2$.

2) d_1 și d_2 sunt perpendiculare dacă și numai dacă $m_1 \cdot m_2 = -1$.

Observație importantă: punctul de intersecție dintre două drepte neperalele este soluția sistemului determinat de ecuațiile respective

Ecuția dreptei ce trece prin două puncte $A(x_1; y_1)$ și $B(x_2; y_2)$ este:

$$AB: \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1} \text{ sau } \begin{vmatrix} x & y & 1 \\ x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \end{vmatrix} = 0.$$

Panta dreptei AB determinată de punctele $A(x_1; y_1)$ și $B(x_2; y_2)$ este:

$$m_{AB} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}, x_2 \neq x_1.$$

Ecuția dreptei determinată de punctul $M(x_0; y_0)$ și de panta m este: $d: y - y_0 = m(x - x_0)$

Distanța dintre punctele $A(x_1; y_1)$ și $B(x_2; y_2)$ este :

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}.$$

Distanța de la punctul $P(x_0; y_0)$ la dreapta $d: ax + by + c = 0$ este :

$$d(P, d) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

Fie $A(x_1; y_1)$ și $B(x_2; y_2)$ Dacă M este **mijlocul segmentului $[AB]$** atunci:

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right) \text{ adică } x_M = \frac{x_1 + x_2}{2} \text{ și } y_M = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

Fie punctele $A(x_A; y_A)$, $B(x_B; y_B)$, $M(x_M; y_M)$ și $M \in (AB)$.

$$\text{Dacă } \frac{AM}{MB} = k \text{ atunci aplicăm } \mathbf{regula\ lui\ k} \text{ adică } x_M = \frac{x_A + k \cdot x_B}{1 + k} \text{ și } y_M = \frac{y_A + k \cdot y_B}{1 + k}$$

Fie triunghiului ABC , unde $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$ și $C(x_3; y_3)$ și G **centrul de greutate**. Atunci

$$G\left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}; \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}\right) \text{ adică } x_G = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3} \text{ și } y_G = \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}$$

Aria triunghiului ABC , unde $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$ și $C(x_3; y_3)$ este:

$$A = \frac{1}{2} |\Delta|, \text{ unde } \Delta = \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}.$$

Punctele $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$ și $C(x_3; y_3)$ **sunt coliniare** dacă și numai dacă

$$\Delta = 0 \text{ adică } \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix} = 0.$$

PROBLEME

1. Să se determine ecuația dreptei ce trece prin punctele $A(2; -1)$ și $B(1; -2)$.
2. Să se determine numărul real a știind că dreptele $2x - y + 3 = 0$ și $ax + 2y + 5 = 0$ sunt paralele.
3. Se consideră punctele $A(1, a), B(2, -1), C(3, 2)$ și $D(1, -2)$. Să se determine numărul real a știind că dreptele AB și CD sunt paralele.
4. Să se determine ecuația dreptei care conține punctul $A(1; 1)$ și este paralelă cu dreapta $4x + 2y + 5 = 0$.
5. Să se determine ecuația dreptei care conține punctul $A(2; -3)$ și este paralelă cu dreapta $x + 2y + 5 = 0$.
6. Să se calculeze aria triunghiului ABC determinat de punctele $A(1; 2), B(-1; 1), C(3; 5)$ în reperul cartezian xOy .
7. Să se determine ecuația dreptei care conține punctele $A(2; 3)$ și $B(-3; -2)$.
8. Să se determine distanța dintre punctele $A(3; -1)$ și $B(-1; 2)$.
9. Să se calculeze lungimea segmentului AB , determinat de punctele $A(2; 3)$ și $B(5; -1)$, în reperul cartezian xOy .
10. Să se calculeze aria triunghiului echilateral ABC știind că $A(-1; 1)$ și $B(3; -2)$.
11. Să se determine numărul real a , știind că lungimea segmentului determinat de punctele $A(-1; 2)$ și $B(4 - a; 4 + a)$ este egală cu 5.
12. Să se determine coordonatele punctului C știind că el este simetricul punctului $A(5; 4)$ față de punctul $B(-2; 1)$.
13. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2; 1)$ și $B(-1; 2)$. Să se determine coordonatele punctului $C \in (AB)$ astfel încât $\frac{AC}{CB} = 2$.
14. Să se determine perimetrul triunghiului ABC ale cărui vârfuri sunt punctele $A(-1; 3), B(-2; 0)$ și $C(0; 3)$ în reperul cartezian xOy .
15. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1; 2)$, $B(5; 6)$ și $C(-1; 1)$. Să se determine ecuația medianei duse din vârful C în triunghiul ABC .
16. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2; 3)$, $B(1; 5)$ și $C(4; 2)$. Să se calculeze distanța de la punctul A la mijlocul segmentului BC .
17. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(3; -1)$ și $B(1; 1)$. Să se determine numerele reale m și n pentru care punctele A și B se află pe dreapta de ecuație $x + my + n = 0$.
18. În reperul cartezian xOy se consideră dreptele de ecuații $d_1 : -2x - my + 3 = 0$ și $d_2 : mx + y - 5 = 0$. Să se determine numerele reale m pentru care dreptele d_1 și d_2 sunt paralele.
19. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1; -1)$, $B(2; 3)$ și $C(3; 1)$. Să se determine coordonatele punctului D astfel încât patrulaterul $ABCD$ să fie paralelogram.
20. În reperul cartezian xOy se consideră dreptele de ecuații $d_1 : 2x - y - 2 = 0$ și $d_2 : x + 3y - 8 = 0$. Să calculeze distanța de la punctul $O(0; 0)$ la punctul de intersecție al celor două drepte.
21. Se consideră punctul $A(2; 3)$. Să se determine numărul real m pentru care punctul A se află pe dreapta $d : 2x - y + m = 0$.
22. Să se determine ecuația dreptei ce trece prin punctele $A(2; -3)$ și $B(-3; 2)$.
23. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2; -1)$, $B(-2; 2)$. Să se determine distanța dintre punctele A și B .
24. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1; 1)$, $B(2; 3)$ și $C(3; m)$. Să se determine numărul real m pentru care punctele A , B și C sunt coliniare.
25. Să se determine coordonatele simetricului punctului $A(2; -4)$ față de punctul $B(1; -2)$.
26. Să se determine ecuația dreptei ce trece prin punctul $A(1; 1)$ și are panta egală cu 1.

27. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2;4)$, $B(1;1)$ și $C(3;-1)$. Să se calculeze lungimea medianei din A a triunghiului ABC .
28. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $M(1,2)$ și $N(2,1)$. Să se determine ecuația dreptei MN .
29. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1;-1)$, $B(1;1)$ și $C(0;-2)$. Să se demonstreze că triunghiul ABC este dreptunghic în A .
30. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2;-1)$ și $B(-2;a)$, $a \in \mathbb{R}$. Să se determine numărul real a astfel încât dreapta AB să treacă prin punctul $O(0;0)$.
31. Să se determine coordonatele mijlocului segmentului AB , știind că $A(5;-4)$ și $B(-3;6)$.
32. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1;2)$, $B(5;2)$ și $C(3;-1)$. Să se calculeze perimetrul triunghiului ABC .
33. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(5;-1)$ și $B(3;1)$. Să se determine coordonatele simetricului A față de punctul B .
34. Să se determine numărul real pozitiv a astfel încât distanța dintre punctele $A(2;-1)$ și $B(-1;a)$ să fie egală cu 5.
35. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1;-2)$, $B(1;2)$ și $C(2;-1)$. Să se calculeze distanța de la punctul C la mijlocul segmentului AB .
36. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $A(m^2;m)$ și dreapta de ecuație $d : x + y + m = 0$. Să se determine valorile reale ale lui m pentru care punctul A se află pe dreapta d .
37. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $A(1;-1)$ și este paralelă cu dreapta $y = x$.
38. Să se determine coordonatele punctului de intersecție al dreptelor de ecuații $2x + y - 4 = 0$ și $x + y - 3 = 0$.
39. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(0;a)$, $B(-1;2)$ și $C(4;5)$, unde a este un număr real. Să se determine valorile lui a pentru care triunghiul ABC este dreptunghic în A .
40. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2;2)$ și $B(4;4)$. Să se determine coordonatele mijlocului segmentului AB .
41. Să se determine punctul de intersecție al dreptelor de ecuații $4x - 6y - 2 = 0$ și $2x + 3y - 7 = 0$.
42. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctele $A(4;0)$ și $B(0;2)$.
43. Să se determine lungimea medianei din A a triunghiului ABC , știind că vârfurile acestuia sunt $A(0;4)$, $B(-2;0)$ și $C(8;0)$.
44. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $A(1;-2)$ și are panta egală cu 2.
45. Să se determine coordonatele punctului M care aparține dreptei AB și care este egal depărtat de punctele $A(1;-1)$ și $B(5;-3)$.
46. Să se determine valorile reale ale numărului a știind că distanța dintre punctele $A(2;1)$ și $B(7;a)$ este egală cu 13.
47. Să se determine coordonatele simetricului punctului A față de mijlocul segmentului BC , știind că $A(3;0)$, $B(0;2)$ și $C(3;2)$.
48. Să se determine coordonatele punctului de intersecție al dreptelor de ecuații $x + 3y - 1 = 0$ și $3x + 2y + 4 = 0$.
49. Să se determine aria triunghiului cu vârfurile în punctele $A(2;0)$, $B(0;4)$ și $C(1;6)$.
50. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(5;-4)$ și $B(0;8)$. Să se calculeze lungimea segmentului AM , unde M este mijlocul segmentului AB .
51. Să se demonstreze că patrulaterul $MNPQ$ cu vârfurile $M(2;0)$, $N(6;4)$, $P(4;6)$, și $Q(0;2)$ este dreptunghi.
52. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1;1)$, $B(-1;0)$ și $C(3;-4)$. Să se calculeze lungimea segmentului AM , unde M este mijlocul segmentului BC .
53. Să se determine ecuația dreptei care conține punctul $A(2;5)$ și este paralelă cu dreapta $x + y - 2 = 0$.
54. Să se determine punctul de intersecție al dreptei de ecuație $2x + y - 4 = 0$ cu axa Ox .
55. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(3;0)$, $B(x;y)$ și $C(5;-2)$. Să se determine numerele reale x și y astfel încât punctul B să fie mijlocul segmentului AC .

56. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctele $A(2;1)$ și $B(1;-2)$.
57. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2;0)$ și $B(m^2 - 1;0)$, cu $m \in \mathbb{R}$. Să se determine valorile reale ale lui m astfel încât punctul $C(5;0)$ să fie mijlocul segmentului AB .
58. În reperul cartezian xOy se consideră punctul N , simetricul punctului $M(-2;3)$ față de punctul O . Se se calculeze lungimea segmentului MN .
59. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $M(2;m)$, unde m este un număr real. Să se determine numerele reale m pentru care $OM = \sqrt{5}$.
60. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1;-1)$, $B(0;1)$, $C(1;1)$ și $D(2;3)$. Să se arate că dreptele AB și CD sunt paralele.
61. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2;1)$, $B(4;-3)$. Să se determine coordonatele mijlocului segmentului AB .
62. Să se determine $a, b \in \mathbb{R}$, știind că punctele $A(a,b)$ și $B(a-1,4)$ aparțin dreptei de ecuație $x + y - 5 = 0$
63. Să se calculeze distanța de la punctul $A(-6;8)$ la originea reperului cartezian xOy .
64. Să se calculeze lungimea medianei din vârful A al triunghiului ABC știind că $A(2;3)$, $B(2,0)$ și $C(0;2)$.
65. Se consideră dreptele distincte $d_1 : ax + 2y = 2$ și $d_2 : 8x + ay = 4$. Să se determine valorile parametrului real a astfel încât dreptele d_1 și d_2 să fie paralele.
66. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $A(2;3)$. Știind că punctele B și C sunt simetricele punctului A față de axele Ox , respectiv Oy , să se calculeze lungimea lui BC .
67. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ pentru care punctele $A(2;4)$, $B(3;3)$ și $C(m;5)$ sunt coliniare.
68. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ pentru care distanța dintre punctele $A(2,m)$ și $B(-m,-2)$ este egală $4\sqrt{2}$.
69. Să se determine lungimea înălțimii din O în triunghiul MON , unde $M(4;0)$, $N(0;3)$ și $O(0;0)$.
70. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $A(3;0)$ și intersectează axa Oy în punctul de ordonată 4.
71. Să se determine valorile reale ale lui m astfel încât punctele $A(1;3)$, $B(2;5)$ și $C(3;m)$ să fie coliniare.
72. Să se determine coordonatele punctului B , știind că punctul $C(3;5)$ este mijlocul segmentului AB și că $A(2;4)$.
73. Se consideră în reperul cartezian xOy punctele $A(3;2)$, $B(2;3)$ și M mijlocul segmentului AB . Să se determine lungimea segmentului OM .
74. Să se determine $m \in \mathbb{R}$, astfel încât distanța dintre punctele $A(2,m)$ și $B(m,-2)$ să fie 4. **V1**
75. Să se calculeze lungimea medianei din A a triunghiului ABC , unde $A(-2,-1)$, $B(2,0)$, $C(0,6)$. **V2**
76. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $A(6,4)$ și este perpendiculară pe dreapta $d : 2x - 3y + 1 = 0$. **V3**
77. Să se determine coordonatele vârfului D al paralelogramului $ABCD$ știind că $A(-2,9)$, $B(7,-4)$, $C(8,-3)$. **V5**
78. Se consideră triunghiul ABC cu vârfurile în $A(1,2)$, $B(2,-2)$ și $C(4,6)$. Să se calculeze $\cos B$. **V6**
79. Să se determine coordonatele centrului de greutate al triunghiului ABC , știind că $A(-1,0)$, $B(0,2)$, $C(2,-1)$. **V10**
80. Să se determine ecuația simetricei dreptei $d : 2x - 3y + 1 = 0$ față de punctul $A(-3,4)$. **V12**
81. Să se calculeze distanța de la punctul $A(3,0)$ la dreapta $d : 3x - 4y + 1 = 0$. **V13**
82. Să se determine ecuația dreptei AB știind că $A(2,3)$ și $B(-5,4)$. **V14**
83. Să se determine ecuația dreptei care conține punctul $A(-2,2)$ și este paralelă cu dreapta determinată de punctele $C(2,1)$, $D(-1,-3)$. **V15**

84. Să se afle măsura celui mai mare unghi al triunghiului ABC știind că $A(2, -2)$, $B(2, 3)$, $C(-2, 3)$.
V16
85. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $A(-1, 1)$ și este perpendiculară pe dreapta $d: 5x - 4y + 1 = 0$. V17
86. Să se determine ecuația medianeii duse din vârful A al triunghiului ABC unde $A(1, 2)$, $B(2, 3)$, $C(2, -5)$. V19
87. Să se calculeze perimetrul triunghiului OAB, știind că $O(0, 0)$, $A(-1, 2)$ și $B(-2, 3)$. V20
88. Să se determine ecuația perpendicularei duse din punctul $A(1, 2)$ pe dreapta $d: x + y - 1 = 0$. V21
89. Se consideră dreptele paralele de ecuații $d_1: x - 2y = 0$ și $d_2: 2x - 4y - 1 = 0$. Să se calculeze distanța dintre cele două drepte. V22
90. Să se calculeze coordonatele centrului de greutate al triunghiului ABC, dacă $A(5, -3)$, $B(2, -1)$, $C(0, 9)$. V23
91. Să se determine ecuația înălțimii duse din B în triunghiul ABC, știind că $A(0, 9)$, $B(2, -1)$ și $C(5, -3)$. V24
92. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(-1, 3)$ și $B(1, -1)$. Să se determine ecuația mediatoarei segmentului AB. V26
93. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $O(0, 0)$, $A(1, 2)$ și $B(3, 1)$. Să se determine măsura unghiului AOB. V27
94. Fie punctele $A(2, 0)$, $B(1, 1)$ și $C(3, -2)$. Să se calculeze $\sin C$. V29
95. Se consideră punctele $A(0, 2)$, $B(1, -1)$, $C(3, 4)$. Să se calculeze coordonatele centrului de greutate al triunghiului ABC. V30
96. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-1, 1)$ și $C(1, 3)$. Să se determine ecuația dreptei care trece prin C și este paralelă cu dreapta AB. V31
97. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-1, 1)$ și $C(1, 3)$. Să se determine coordonatele punctului D știind că patrulaterul ABCD este paralelogram. V32
98. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-1, 1)$, $C(1, 3)$ și $D(a, 4)$, unde $a \in \mathbb{R}$. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele AB și CD să fie paralele. V33
99. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-1, 1)$ și $C(1, 3)$ și $D(a, 4)$, unde $a \in \mathbb{R}$. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele AB și CD sunt perpendiculare.
V34
100. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(0, -3)$ și $B(4, 0)$. Să se calculeze distanța de la O la dreapta AB. V35
101. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ pentru care punctele $A(1, -2)$, $B(4, 1)$ și $C(-1, a)$ sunt coliniare. V36
102. Se consideră dreptele de ecuații $d_1: 2x + 3y + 1 = 0$, $d_2: 3x + y - 2 = 0$ și $d_3: x + y + a = 0$. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ pentru care cele trei drepte sunt concurente. V38
103. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-1, 1)$. Să se determine ecuația dreptei care trece prin originea axelor și este paralelă cu dreapta AB. V41
104. Să se arate că punctele $A(-1, 5)$, $B(1, 1)$ și $C(3, -3)$ sunt coliniare. V42
105. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(1, 3)$, $C(-1, 1)$. Să se calculeze aria pătratului de diagonală AC. V43
106. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $B(-1, 2)$, $C(2, -2)$. Să se determine distanța de la O la dreapta BC. V44

107. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(1,3)$, $B(-2,1)$ și $C(-3,-1)$. Să se calculeze lungimea înălțimii duse din vârful A în triunghiul ABC . **V45**
108. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $M(2,-1)$, $N(-1,1)$ și $P(0,3)$. Să se determine coordonatele punctului Q astfel încât $MNPQ$ să fie paralelogram. **V46**
109. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(-1,1)$, $B(1,3)$ și $C(3,2)$. Fie G centrul de greutate al triunghiului ABC . Să se determine ecuația dreptei OG . **V47**
110. Să se calculeze distanța dintre dreptele paralele de ecuații $x + 2y = 6$ și $2x + 4y = 11$. **V48**
111. Să se calculeze distanța de la punctul $A(1,1)$ la dreapta $d : 5x + 12y - 4 = 0$. **V51**
112. Se consideră dreapta $d : 4x - 8y + 1 = 0$ și punctul $A(2,1)$. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul A și este paralelă cu dreapta d . **V57**
113. Se consideră dreapta $d : 2x + y - 1 = 0$ și punctul $A(3,2)$. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul A și este perpendiculară pe dreapta d . **V58**
114. Se consideră punctele $A(2,m)$ și $B(m,-2)$. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât $AB = 4$. **V59**
115. Se consideră punctele $A(2,3)$ și $B(-3,-2)$. Să se scrie ecuația mediatoarei segmentului AB . **V60**
116. Se consideră punctele $A(3,2)$ și $B(6,5)$. Să se determine coordonatele punctelor M și N știind că acestea împart segmentul $[AB]$ în trei segmente congruente, iar ordinea punctelor este A,M,N,B . **V62**
117. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele $d_1 : mx + 3y + 2 = 0$ și $d_2 : 2x + y - 8 = 0$ să fie concurente. **V63**
118. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele $d_1 : mx + (m + 2)y - 1 = 0$ și $d_2 : (m + 2)x + 4my - 8 = 0$ să fie paralele. **V64**
119. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele $d_1 : mx + 3y - 2 = 0$ și $d_2 : 12x + 2y + 1 = 0$ să fie perpendiculare. **V65**
120. Se consideră punctele $A(2,3)$, $B(4,n)$, $C(2,2)$, $D(m,5)$. Să se determine $m, n \in \mathbb{R}$ astfel încât patrulaterul $ABCD$ să fie paralelogram. **V66**
121. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ știind că distanța de la punctul $A(m, m + 1)$ la dreapta $d : 3x - 4y - 1 = 0$ este 1. **V70**
122. Să se determine ecuația medianei corespunzătoare laturii BC a triunghiului ABC , știind că $A(2,2)$ și ecuațiile medianelor din B și C sunt $2x + y - 2 = 0$, respectiv $x - y + 2 = 0$. **V71**
123. Se consideră punctul $A(1,2)$ și dreapta de ecuație $d : 4x - 2y + 5 = 0$. Să se determine ecuația perpendiculararei duse din punctul A pe dreapta d . **V72**
124. Să se determine $m \in \mathbb{R}$ pentru care punctele $A(3,3)$, $B(2,4)$ și $C(2m, 1 - m)$ sunt coliniare. **V74**
125. Să se determine coordonatele simetricului punctului $A(-3,2)$ față de mijlocul segmentului $[BC]$, unde $B(1,-4)$ și $C(-5,-1)$. **V75**
126. Fie punctele $A(1,2)$, $B(-1,3)$ și $C(0,4)$. Să calculeze lungimea înălțimii duse din vârful A al triunghiului ABC . **V79**
127. Să se determine ecuația dreptei care trece prin punctul $P(4,-1)$ și este paralelă cu dreapta $x - 2y + 1 = 0$. **V80**
128. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ știind că dreptele $x + y = 1$ și $3x - ay = 2$ sunt paralele. **V81**
129. Se consideră punctele $A(0,2)$, $B(1,-1)$ și $C(5,1)$. Să se determine ecuația dreptei duse din vârful A , perpendiculară pe dreapta BC . **V90**

130. Se consideră punctele $A(1,2)$, $B(3,4)$. Să se calculeze distanța de la originea axelor la dreapta AB. **V93**
131. Fie ABC un triunghi și G centrul său de greutate. Știind că $A(1,1)$, $B(5,2)$ și $G(3,4)$ să se calculeze coordonatele punctului C. **V100**
132. Fie, în sistemul de axe xOy punctele $A(4,-2)$, $B(2,4)$, $C(m,n)$. Aflați $m,n \in \mathbb{R}$ astfel încât punctul C să fie centrul cercului circumscris triunghiului AOB. **Bac 2009**
133. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(2,1)$, $B(-2,3)$, $C(1,-3)$ și $D(4,a)$, unde $a \in \mathbb{R}$. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ astfel încât dreptele AB și CD să fie paralele. **Bac2010**
134. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $M(1,-2)$, $N(-3,-1)$ și $P(-1,2)$. Să se determine coordonatele punctului Q astfel încât MNPQ să fie paralelogram. **Bac2010**
135. În sistemul cartezian de coordonate xOy se consideră punctele $A(3,5)$, $B(-2,5)$ și $C(6,-3)$. Scrieți ecuația medianei corespunzătoare laturii [BC] în triunghiul ABC. **Bac2010**
136. Scrieți ecuația dreptei care conține punctul $A(3,2)$ și este perpendiculară pe dreapta $d: x + 2y + 5 = 0$. **Bac2011**
137. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,4)$ și $B(5,0)$. Determinați ecuația mediatoarei segmentului [AB]. **Bac 2011**
138. Determinați ecuația mediatoarei segmentului [AB] unde $A(1,-2)$ și $B(3,4)$. **Model 2012**